## Бюджетное профессиональное образовательное учреждение Омской области «Сибирский профессиональный колледж»

Приложение к ОПОП по специальности 09.02.09 Вебразработка

## РАБОЧАЯ ПРОГРАММА

### ОП.01 Элементы высшей математики

программа подготовки специалистов среднего звена

09.02.09 Веб-разработка

## СОДЕРЖАНИЕ

| 1. | ОБЩАЯ ХАРАКТЕРИСТИКА РАБОЧЕЙ ПРОГРАММЫ<br>УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ | 4  |
|----|--|----|
| 2. | СТРУКТУРА И СОДЕРЖАНИЕ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ                    | 5  |
| 3. | УСЛОВИЯ РЕАЛИЗАЦИИ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ                        | 10 |
| 4. | КОНТРОЛЬ И ОЦЕНКА РЕЗУЛЬТАТОВ ОСВОЕНИЯ<br>УЧЕБНОЙ ЛИСПИПЛИНЫ | 11 |

# 1. ОБЩАЯ ХАРАКТЕРИСТИКА РАБОЧЕЙ ПРОГРАММЫ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ ОП.01 ЭЛЕМЕНТЫ ВЫСШЕЙ МАТЕМАТИКИ

#### 1.1. Область применения программы:

Рабочая программа учебной дисциплины Элементы высшей математики является частью основной образовательной программы в соответствии с ФГОС по специальности СПО 09.02.09 Веб-разработка.

В программу включено содержание, направленное на формирование у обучающихся компетенций, необходимых для качественного освоения ООП СПО на базе среднего общего образования; программы подготовки специалистов среднего звена (ППССЗ).

Она является единой для всех форм обучения. Рабочая программа служит основой для разработки тематического плана и контрольно-оценочных средств (КОС) учебной дисциплины образовательным учреждением.

### 1.2. Место дисциплины в структуре основной образовательной программы

Учебная дисциплина Элементы высшей математики принадлежит к общепрофессиональному циклу. Освоение дисциплины Элементы высшей математики способствует формированию у обучающихся общих компетенций:

- OK 01. Выбирать способы решения задач профессиональной деятельности, применительно к различным контекстам.
- OK 02. Использовать современные средства поиска, анализа и интерпретации информации, и информационные технологии для выполнения задач профессиональной деятельности;
- OК 05. Осуществлять устную и письменную коммуникацию на государственном языке с учетом особенностей социального и культурного контекста;
- ПК 1.1 Формировать алгоритмы разработки программных модулей в соответствии с техническим заданием:
  - ПК 1.2 Разрабатывать программные модули в соответствии с техническим заданием.

#### 1.3. Цель и планируемые результаты освоения дисциплины:

| Код   | Умения   | Знания   |
|---|--|--|
| OK,   |  |  |
| ПК  |  |  |
| ОК 01,<br>ОК.02,<br>ОК 05<br>ПК 1.1<br>ПК 1.2 | Выполнять операции над матрицами и решать системы линейных уравнений Решать задачи, используя уравнения прямых и кривых второго порядка на плоскости Применять методы дифференциального и интегрального исчисления Решать дифференциальные уравнения | Основы математического анализа, линейной алгебры и аналитической геометрии Основы дифференциального и интегрального исчисления |
|   | Пользоваться понятиями теории комплексных чисел  | Основы теории комплексных чисел  |

## 2. СТРУКТУРА И СОДЕРЖАНИЕ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ

## 2.1. Объем учебной дисциплины и виды учебной работы

| Вид учебной работы  | Объём в часах |  |
|---|---------------|--|
| Объем образовательной программы                               | 80            |  |
| Суммарная учебная нагрузка во взаимодействии с преподавателем | 64            |  |
| в том числе:  |               |  |
| теоретическое обучение  | 34            |  |
| практические занятия  | 30            |  |
| консультация  | 2             |  |
| промежуточная аттестация в форме экзамена                     | 6             |  |
| Самостоятельная работа  | 8             |  |

## 2.2. Тематический план и содержание учебной дисциплины ОП.01. ЭЛЕМЕНТЫ ВЫСШЕЙ МАТЕМАТИКИ

| Наименование<br>разделов и тем                                       | Содержание учебного материала и формы организации деятельности<br>обучающихся  |   | Коды компетенций, формированию которых способствует элемент программы |
|--|--|---|---|
| Тема 1. Теория   | Содержание учебного материала  | 8 | OK 01,  |
| пределов   | <ol> <li>Последовательности и их пределы.</li> <li>Числовые последовательности.</li> <li>Предел функции. Односторонние пределы, классификация точек разрыва</li> <li>Свойства пределов</li> <li>Предел функции. Бесконечно малые и бесконечно большие функции.</li> <li>Предел функции непрерывного аргумента.</li> <li>Бесконечно малые и бесконечно большие функции</li> <li>Замечательные пределы, раскрытие неопределенностей</li> </ol>   | 4 | OK.02,<br>OK 05<br>ПК 1.1<br>ПК 1.2                                   |
|  | Практические занятия:  | 4 |   |
|  | 2 Техника вычисления пределов  |   |   |
| Тема 2.  | Содержание учебного материала  | 8 | OK 01,  |
| Дифференциальн ое исчисление функции одной действительной переменной | <ol> <li>Понятие производной. Геометрическая и физическая интерпретация производной.</li> <li>Определение производной. Дифференциал функции.</li> <li>Геометрический смысл производной.</li> <li>Физический смысл производной и дифференциала</li> <li>Производные и дифференциалы высших порядков</li> <li>Производная 2-го порядка. Дифференциал 2-го порядка</li> <li>Производная 3-го порядка. Дифференциал 3-го порядка</li> <li>Производная п-го порядка. Дифференциал п-го порядка</li> </ol> | 2 | OK.02,<br>OK 05<br>ПК 1.1<br>ПК 1.2                                   |
|  | <ul> <li>Исследование функций с помощью первой и второй производной.</li> <li>Построение графиков.</li> <li>Полное исследование функции.</li> <li>Построение графиков</li> </ul>   | 2 |   |

|  | Прав | ктические занятия:   |        |          |
|--|------|--|--------|----------|
|  | 3    | Техника дифференцирования функций.                               | 4      |          |
|  | 4    | Вычисление производных высших порядков                           |        |          |
| Тема 3. Содержание учебного материала  |      |  | 12     | OK 01,   |
| Интегральное 1 Неопределённый и определенный интегралы. Свойства   |      |  | OK.02, |          |
| исчисление интегралов.   |      |  | OK 05  |          |
| функции одной  | 1    |  |        | ПК 1.1   |
| действительной   |      | неопределенного интеграла. Таблица неопределенных интегралов.    |        | ПК 1.2   |
| переменной   |      | 2. Понятие определенного интеграла. Основные свойства.           |        | 1111 1.2 |
|  |      | Геометрический смысл определенного интеграла.                    |        |          |
|  | 2    | Вычисление определенных интегралов. Применение определенных      |        |          |
|  |      | интегралов   |        |          |
|  |      | 1. Применение интегрирование для вычисления площадей. Площадь    |        |          |
|  |      | в прямоугольных координатах.                                     | 6      |          |
|  |      | 2. Вычисление длины дуги кривой с помощью определённого          |        |          |
|  |      | интеграла. Длина дуги в прямоугольных координатах.               |        |          |
|  | 3    | Несобственные интегралы.   |        |          |
|  |      | 1. Несобственные интегралы с бесконечными пределами              |        |          |
|  |      | интегрирования   |        |          |
|  |      | 2. Интегралы от разрывных функций. Сходимость несобственных      |        |          |
|  |      | интегралов от разрывных функций.                                 |        |          |
|  |      | 3. Примеры вычисления интегралов от разрывных функций.           |        |          |
|  | Прав | ктические занятия:   |        |          |
|  | 5    | Способы вычисления неопределенных интегралов (Замена             |        |          |
|  |      | переменной и интегрирование по частям в неопределенном           | 6      |          |
|  |      | интеграле).  | U      |          |
|  | 6    | Способы вычисления определенных интегралов (Замена               |        |          |
|  |      | переменной и интегрирование по частям в определенном интеграле). |        |          |
| Тема 4.  | Соде | ержание учебного материала                                       | 10     | OK 01,   |
| Дифференциальн   | 1    | Предел и непрерывность функции нескольких переменных.            |        | OK.02,   |
| ое исчисление 1. Понятие функции нескольких переменных.<br>функции 2. Полный дифференциал функции нескольких переменны |      |  | 6      | OK 05    |
|  |      | 2. Полный дифференциал функции нескольких переменных             |        | ПК 1.1   |
| нескольких   | 2    | Частные производные  |        |          |

| действительных | 1. Дифференцируемость функции нескольких переменных            |    | ПК 1.2   |
|----------------|--|----|----------|
| переменных     | 2. Частные производные   |    |          |
|                | 3 Производные и дифференциалы высших порядков.                 |    |          |
|                | 1. Производная 2-го порядка. Производная 3-го порядка.         |    |          |
|                | 2. Производная n-го порядка.                                   |    |          |
|                | 3. Дифференциалы высших порядков                               |    |          |
|                | Практические занятия:  | 4  |          |
|                | 7 Операции дифференцирования с функциями нескольких переменных | 4  |          |
| Тема 5.        | Содержание учебного материала                                  | 10 | OK 01,   |
| Интегральное   | 1 Двойные интегралы и их свойства                              |    | OK.02,   |
| исчисление     | 1. Понятие двойного интеграла.                                 |    | OK 05    |
| функции        | 2. Определение двойного интеграла                              |    | ПК 1.1   |
| нескольких     | 3. Основные свойства двойного интеграла                        |    | ПК 1.2   |
| действительных | 2 Повторные интегралы.   |    | 1110 1.2 |
| переменных     | 1. Повторные интегралы   | 6  |          |
|                | 2. Вычисление площади плоской области.                         |    |          |
|                | 3. Вычисление объема тела с помощью двойного интеграла.        |    |          |
|                | 3 Приложения двойных интегралов.                               |    |          |
|                | 1. Вычисление площади поверхности.                             |    |          |
|                | 2. Механические приложения двойного интеграла.                 |    |          |
|                | Практические занятия:  |    |          |
|                | 8 Вычисления двойных интегралов.                               | 4  |          |
|                | Вычисление площади поверхности. Механические приложения        | 4  |          |
|                | двойного интеграла.  |    |          |
| Тема 6. Теория | Содержание учебного материала                                  | 8  |          |
| рядов          | 1 Определение числового ряда. Свойства рядов.                  |    | OK 01,   |
| -              | 1. Определение числового ряда. Свойства рядов Сходимость       |    | OK.02,   |
|                | числового ряда. Сумма числового ряда                           | 4  | OK 05    |
|                | 2. Необходимый признак сходимости ряда.                        |    | ПК 1.1   |
|                | 3. Достаточные признаки сходимости ряда                        |    | ПК 1.2   |
|                | 2 Функциональные последовательности и ряды.                    |    | 111(1.2  |
|                | 1. Функциональные последовательности. Функциональные ряды.     |    |          |
|                | 2. Степенные ряды.   |    |          |

|   | 10 m 16 H  |    |         |
|---|--|----|---------|
|   | 3. Теорема Абеля. Интервал сходимости                          |    |         |
|   | 3 Ряд Тейлора. Ряд Маклорена.                                  |    |         |
|   | 1. Разложение элементарных функций в степенные ряды.           |    |         |
|   | 2. Применение степенных рядов к приближенным вычислениям       |    |         |
|   | 3. Исследование сходимости рядов                               |    |         |
|   | Практические занятия:  | 4  |         |
|   | 9 Исследование сходимости числовых рядов.                      | 4  |         |
| Тема 7.   | Содержание учебного материала                                  | 8  | OK 01,  |
| Обыкновенные 1 Основные понятия и определения теории дифференциальных     |  |    | OK.02,  |
| дифференциальн  | уравнений.   |    | OK 05   |
| ые уравнения  | 1. Понятие обыкновенного дифференциального уравнения.          |    | ПК 1.1  |
| • •   | 2. Порядок дифференциального уравнения.                        |    | ПК 1.1  |
|   | 3. Общее и частное решение дифференциального уравнения.        |    | 11K 1.2 |
|   | 2 Дифференциальные уравнения п-го порядка.                     | 4  |         |
|   | 1. Понятие о дифференциальном уравнении 2-го порядка.          |    |         |
|   | 2. Линейные однородные дифференциальные уравнения <i>n</i> -го |    |         |
|   | порядка с постоянными коэффициентами.                          |    |         |
|   | 3. Дифференциальные уравнения т-го порядка                     |    |         |
|   | Практические занятия:  |    |         |
|   | 10 Решение дифференциальных уравнений с разделяющимися         |    |         |
|   | переменными. Решение линейных дифференциальных уравнений       | 4  |         |
|   | второго порядка с постоянными коэффициентами                   |    |         |
|   | оятельной работы:  |    |         |
|   | кций с помощью первой и второй производной                     |    |         |
| 1.0   | * * *  | 8  |         |
| Вычисление определенных интегралов Исследование сходимости числовых рядов |  | J  |         |
| Общее и частное решение дифференциального уравнения                       |  |    |         |
| Консультация  | от при дифференциального уравнения                             | 2  |         |
| ,   | аттестация в форме экзамена                                    | 6  |         |
| Всего:  | птестация в форме экзамена                                     | 80 |         |
| DCCI U.   |  | 00 |         |

# 3. УСЛОВИЯ РЕАЛИЗАЦИИ ПРОГРАММЫ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ ОП.01. ЭЛЕМЕНТЫ ВЫСШЕЙ МАТЕМАТИКИ

# 3.1. Для реализации программы учебной дисциплины предусмотрены следующие специальные помещения:

Кабинет математических дисциплин, оснащенный оборудованием и техническими средствами обучения.

Оборудование учебного кабинета: рабочие столы и стулья по количеству обучающихся; комплект учебно-наглядных пособий по дисциплине.

**Технические средства обучения**: компьютер с лицензионным программным обеспечением и мультимедиапроектор, экран.

#### 3.2. Информационное обеспечение реализации программы

Для реализации программы библиотечный фонд образовательной организации имеет электронные издания и информационные ресурсы, рекомендуемые для использования в образовательном процессе

### 3.2.1. Электронные издания (электронные ресурсы)

- 1. Ельчанинова, Г. Г. Элементы высшей математики. Типовые задания с примерами решений / Г. Г. Ельчанинова, Р. А. Мельников. Санкт-Петербург : Лань, 2022. 92 с. ISBN 978-5-8114-4670-4. Текст : электронный // Лань : электроннобиблиотечная система. URL: <a href="https://e.lanbook.com/book/148280">https://e.lanbook.com/book/148280</a> Режим доступа: для авториз. пользователей.
  - **2.** Exponenta.ru: [сайт]. URL: http://www.exponenta.ru/.
  - **3.** MATH24.ru. Математический анализ: [сайт]. URL: http://www.math24.ru/.

### 3.2.2. Дополнительные источники

- 1. Березина, Н.А. Математика: учебное пособие для высших и средних учебных заведений/ Н.А. Березина, Е.Л. Максина. Москва: РИОР: Инфра-М, 2013.
- 2. Богомолов, Н.В. Практические занятия по математике: учебное пособие/Н.В.Богомолов. 10-е изд. Москва: Высшая школа, 2009.
- 3. Григорьев, С.Г. Математика: учебник для среднего профессионального образования/С.Г.Григорьев, С.В.Иволгина. Москва: Академия, 2014.
- 4. Григорьев В.П. Сборник задач по высшей математике: учебное пособие для студентов учрежд. СПО / В.П.Григорьев, Т.Н.Сабурова. Москва: Академия, 2014.
- 5. Дадаян, А.А. Сборник задач по математике: учебное пособие для среднего профессионального образования /А.А. Дадаян. Москва: Форум: ИНФРА-М, 2018.
- 6. Майоровская, С. В. Элементы высшей математики: учебник для среднего профессионального образования / С. В. Майоровская, О.Н. Поддубная, Л.В. Станишевская. Минск: Выш. шк, 2010.
- 7. Расулов, К. М. Математика. Линейная алгебра: учебно-справочное пособие для среднего профессионального образования/ К.М. Расулов, С. А. Гомонов; под общ. ред. К. М. Расулова. Москва: ФОРУМ: ИНФРА-М, 2021.
- 8. Шершнев, В.Г. Основы линейной алгебры и аналитической геометрии: учебное пособие/В.Г.Шершнев. Москва: ИНФРА-М, 2018.
- 9. Юхно, Н. С. Математика: учебник для студ. учрежд. СПО / Н.С. Юхно. Москва: ИНФРА-М, 2021.

## 4. КОНТРОЛЬ И ОЦЕНКА РЕЗУЛЬТАТОВ ОСВОЕНИЯ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ ОП.01. ЭЛЕМЕНТЫ ВЫСШЕЙ МАТЕМАТИКИ

| Результаты обучения  | Критерии оценки   | Формы и методы<br>оценки  |
|--|---|---|
| Перечень знаний, осваиваемых в рамках дисциплины:  Основы математического анализа, линейной алгебры и аналитической геометрии  Основы дифференциального и интегрального исчисления  Основы теории комплексных чисел  Перечень умений, формируемых в рамках дисциплины:  Выполнять операции над матрицами и решать системы линейных уравнений  Решать задачи, используя уравнения прямых и кривых второго порядка на плоскости  Применять методы дифференциального и интегрального исчисления  Решать дифференциальные уравнения  Пользоваться понятиями теории комплексных чисел | «Отлично» - теоретическое содержание курса освоено полностью, без пробелов, умения сформированы, все предусмотренные программой учебные задания выполнены, качество их выполнения оценено высоко. «Хорошо» - теоретическое содержание курса освоено полностью, без пробелов, некоторые умения сформированы недостаточно, все предусмотренные программой учебные задания выполнены, некоторые виды заданий выполнены с ошибками. «Удовлетворительно» - теоретическое содержание курса освоено частично, но пробелы не носят существенного характера, необходимые умения работы с освоенным материалом в основном сформированы, большинство предусмотренных программой обучения учебных заданий выполнено, некоторые из выполненных заданий содержат ошибки. «Неудовлетворительно» - теоретическое содержание курса не освоено, необходимые умения не сформированы, выполненные учебные задания содержат грубые ошибки. | • Компьютерное тестирование на знание терминологии по теме; • Тестирование • Контрольная работа • Самостоятельная работа. • Защита реферата• Семинар • Выполнение проекта; • Наблюдение за выполнением практического задания. (деятельностью студента) • Оценка выполнения практического задания (работы) • Подготовка и выступление с докладом, сообщением, презентацией • Решение ситуационной задачи |